UNIVERSIDADES DE ANDALUCÍA PRUEBA DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD MATEMÁTICAS II

CURSO 2015-2016

Instrucciones: a) Duración: 1 hora y 30 minutos.

- b) Tienes que elegir entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

Opción A

Ejercicio 1.- Sea la función $f:(0,+\infty)\to\mathbb{R}$ definida por $f(x)=\frac{\ln(x)}{x}$, donde \ln denota logaritmo neperiano.

- a) [1 punto] Estudia y determina las asíntotas de la gráfica de f.
- b) [1'5 puntos] Halla los extremos relativos (abscisas donde se obtienen y valores que se alcanzan) y los intervalos de crecimiento y de decrecimiento de f.

Ejercicio 2.- [2'5 puntos] De la función $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ definida por $f(x) = ae^x - bx$, donde $a, b \in \mathbb{R}$ se sabe que su gráfica tiene tangente horizontal en x = 0 y que $\int_0^1 f(x) dx = e - \frac{3}{2}$. Halla los valores de a y b.

Ejercicio 3.- Sea la matriz $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & 4 \end{pmatrix}$

- a) [1'75 puntos] Estudia, según los valores de λ , el rango de la matriz $A \lambda I$, siendo I la matriz identidad de orden tres.
- **b)** [0'75 puntos] Resuelve el sistema dado por $(A-2I)\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

- a) [1'75 puntos] Comprueba que las rectas r y s se cruzan y halla la ecuación de la recta que corta perpendicularmente a r y a s.
- b) [0.75 puntos] Calcula la distancia entre r y s.

UNIVERSIDADES DE ANDALUCÍA PRUEBA DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD MATEMÁTICAS II

CURSO 2015-2016

Instrucciones: a) Duración: 1 hora y 30 minutos.

- b) Tienes que elegir entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la Opción A o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la Opción B.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara.
- e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

Opción B

Ejercicio 1.- [2'5 puntos] Sea $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ la función definida por $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$. Determina a,b,c sabiendo que la gráfica de f tiene tangente horizontal en el punto de abscisa x=1 y un punto de inflexión en (-1,5).

Ejercicio 2.- [2'5 puntos] Considera la función $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ definida por $f(x) = \frac{3x(2m-x)}{m^3}$, con m > 0. Calcula el área del recinto encerrado por la gráfica de f y el eje OX.

- a) [1 punto] Discútelo según los valores de λ .
- b) [0'75 puntos] Resuélvelo para $\lambda = 0$.
- c) [0'75 puntos] Determina, si existe, el valor de λ para el que hay una solución en la que z=2. Calcula esa solución.

Ejercicio 4.- Considera un rectángulo de vértices consecutivos A, B, C y D siendo A(1,1,0) y B(2,2,1). Sabiendo que la recta r que contiene a los puntos C y D pasa por el origen de coordenadas se pide:

- a) [0.75 puntos] Halla unas ecuaciones paramétricas de r.
- b) [1 punto] Calcula el área del triángulo ABC.
- c) [0.75 puntos] Determina las coordenadas del punto D.