

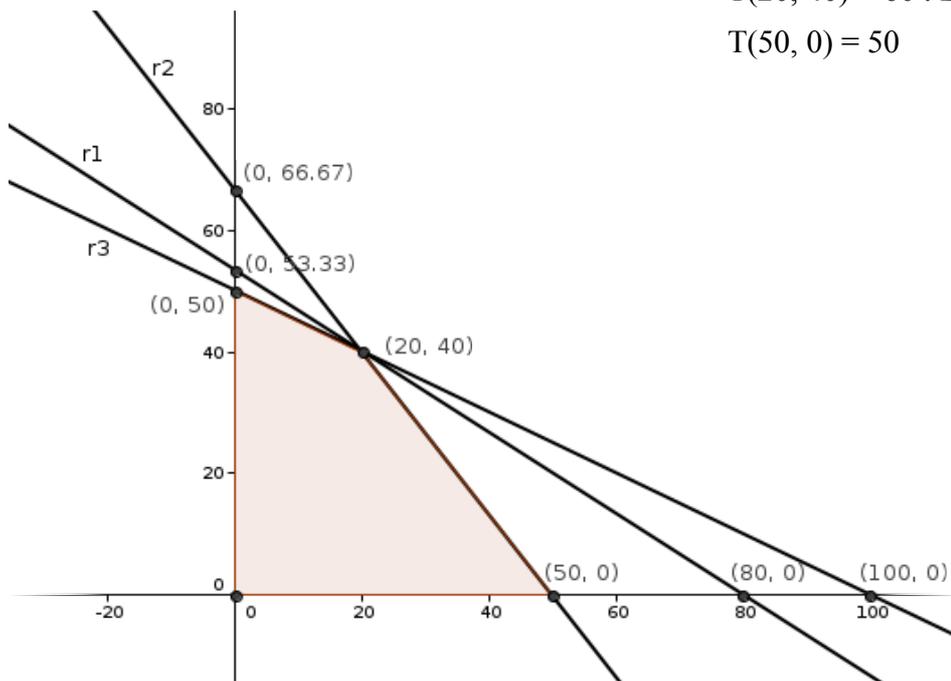
- A.1.a)** chocolate: $r_1: 100x + 150y \leq 8000$
 straciatella: $r_2: 200x + 150y \leq 10000$
 barquillos: $r_3: x + 2y \leq 100$
 $x \geq 0$; $y \geq 0$
 Tarrinas: $T(x, y) = x + y$

La región está representada abajo, pero hay que asegurarse de cuáles son los puntos de corte entre las rectas. Al hacer el punto de corte entre r_1 y r_2 se obtiene $(20, 40)$, y al hacerlo entre r_1 y r_3 se obtiene el mismo.

Se calcula el máximo: $T(0, 50) = 50$

$T(20, 40) = 60$. Éste es el máximo.

$T(50, 0) = 50$



Se prepararán 20 tarrinas del primer tipo y 40 del segundo.

A.2.a)
$$f'(x) = \frac{\frac{3}{x}x^3 - 3 \ln x \cdot 3x^2}{x^6} = \frac{3x^2 - 9x^2 \ln x}{x^6} = \frac{3x^2(1 - 3 \ln x)}{x^6} = \frac{3(1 - 3 \ln x)}{x^4}$$

$$g'(x) = -2x(x^3 - 1)^2 + (1 - x^2) \cdot 2 \cdot (x^3 - 1) \cdot 3x^2 = (x^3 - 1)(-2x(x^3 - 1) + (1 - x^2) \cdot 2 \cdot 3x^2) = (x^3 - 1)(-2x^4 + 2x + 6x^2 - 6x^4) = (x^3 - 1)(-8x^4 + 6x^2 + 2x)$$

$$h'(x) = 6x - 7 + \frac{-e^{2x} \cdot 2}{(e^{2x})^2} = 6x - 7 - \frac{2}{e^{2x}}$$

A.2.b) $Dom f = \mathbb{R} - \{4\}$

Horizontales: $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = \frac{7}{3}$. Tiene una asíntota horizontal en $y = \frac{7}{3}$.

Verticales: $\lim_{x \rightarrow 4} f(x) = \pm\infty$. Tiene una asíntota vertical en $x = 4$.

A.3)

	Ap	Ap'	
H	126	84	210
M	343	147	490
	469	231	700

a) $p(Ap) = \frac{469}{700} = 0,67$

b) $p(M/Ap) = \frac{343}{469} = 0,73$

A.4.a) Contraste de hipótesis unilateral sobre la media.

$H_0: \mu \leq 5$ La creencia es fundada; $H_1: \mu > 5$

$p(z < z_\alpha) = 0,95$; $z_\alpha = 1,645$

Región crítica: $\left(-\infty, \mu + z_\alpha \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right) = (-\infty; 5,624)$.

La media de la muestra es $\bar{x} = \frac{3+8+6+\dots+5+6}{10} = 5,5$. Está dentro de la región

Con ese nivel de aceptación, se acepta la hipótesis: la media de las notas no pasa de 5.

A.4.b) $p(z < z_\alpha) = 0,85$; $z_\alpha = 1,036$

Región crítica: $\left(-\infty, \mu + z_\alpha \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right) = (-\infty; 5,39)$. Con ese nivel de aceptación no puede aceptarse que la creencia sea fundada.

B.1.a) $\left. \begin{array}{l} X+Y=2A \\ X+B=2Y \end{array} \right\}$; $\left. \begin{array}{l} X=2A-Y \\ 2A-Y+B=2Y \end{array} \right\}$; $\left. \begin{array}{l} X=2A-Y \\ 2A+B=3Y \end{array} \right\}$; $\left. \begin{array}{l} X=2A-Y \\ Y=\frac{1}{3}(2A+B) \end{array} \right\}$

$Y = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 6 & 3 \\ 3 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$; $X = 2A - Y = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ -3 & 1 \end{pmatrix}$

B.1.b) $A_{2 \times 2} + D_{m \times n} = C_{3 \times 2}$. Para sumar matrices deben tener la misma dimensión. Es imposible esta suma.

$A_{2 \times 2} \cdot D_{m \times n} = C_{2 \times 3}$. El producto se puede realizar si $m = 2$ y $n = 3$.

$D_{m \times n} \cdot A_{2 \times 2} = C_{3 \times 2}$. El producto se puede realizar si $n = 2$ y $m = 3$.

$D_{m \times n} \cdot A_{2 \times 2} = C_{2 \times 3}$. El producto es imposible. Si $n = 2$ y $m = 2$, el resultado sería 2×2 .

B.2.a) $f(x) = \begin{cases} x^2+2, & \text{si } 0 \leq x < 2 \\ \frac{8x+a}{x-1}, & \text{si } x > 2 \end{cases}$

En el primer trozo la función es continua porque es polinómica. En el segundo trozo también es

continua, ya que $x = 1$ está fuera de su dominio. Falta estudiar el punto de “unión”, $x = 2$.

$$f(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = 6 \quad \text{Para que la función sea continua: } 6 = 16 + a ; a = -10.$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 16 + a$$

B.2.b) Para que sea creciente en $x = 3$, debe ocurrir que $f'(3) > 0$.

$$f'(x) = \begin{cases} ?, & \text{si } 0 \leq x < 2 \\ \frac{8(x-1) - (8x-10)}{(x-1)^2}, & \text{si } x > 2 \end{cases} = \begin{cases} ?, & \text{si } 0 \leq x < 2 \\ \frac{2}{(x-1)^2}, & \text{si } x > 2 \end{cases}$$

Efectivamente, $f'(3) > 0$, la función es creciente en $x = 3$. De hecho, es creciente en $(2, +\infty)$.

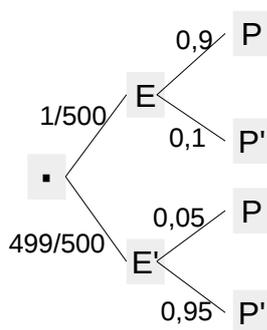
B.2.c) $\text{Dom } f = [0, +\infty)$

Asíntotas horizontales: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 8$. Tiene una asíntota horizontal en $x = 8$.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \text{no tiene sentido}$$

Asíntotas verticales: no tiene, no hay puntos en los que pudiera haberlas.

B.3) E : persona realmente enferma ; E': persona realmente no enferma.
 P: prueba da persona enferma ; P': prueba da persona no enferma.



$$\begin{aligned} \text{a) } p(\text{diagnóstico correcto}) &= p(E \cap P) + p(E' \cap P') = \\ &= \frac{1}{500} \cdot 0,9 + \frac{499}{500} \cdot 0,95 = 0,95 = 95\% \end{aligned}$$

$$\text{b) } p(E/P) = \frac{p(E \cap P)}{p(P)} = \frac{\frac{1}{500} \cdot 0,9}{\frac{1}{500} \cdot 0,9 + \frac{499}{500} \cdot 0,05} = 0,035 = 3,5\%$$

$$p(E'/P) = \frac{p(E' \cap P)}{p(P)} = \frac{\frac{499}{500} \cdot 0,05}{\frac{1}{500} \cdot 0,9 + \frac{499}{500} \cdot 0,05} = 0,965 = 96,5\%$$

$$\text{B.4.a) } p(z \leq z_{\alpha/2}) = \frac{1 + 0,98}{2} ; z_{\alpha/2} = 2,326 ; \sigma = 0,5 \text{ cm}$$

$$\text{Intervalo de confianza para la media: } (\bar{x} - z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}) = (19,8546 ; 20,1454)$$

$$\text{B.4.b) Amplitud} = 2 ; E = 1 ; E = z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = 1 ; n = \left(z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{E} \right)^2 = 1,35 ; \text{ Debe tomar al menos 2 tuberías}$$